

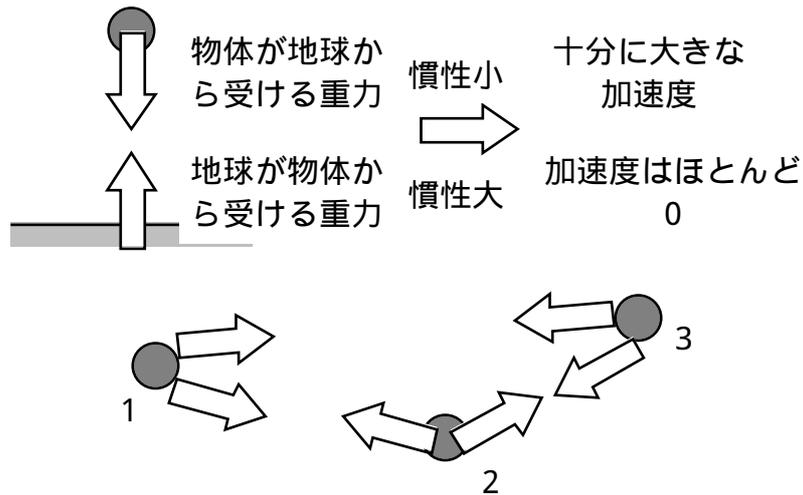
## 1 - 4 運動量

### ・運動量の保存則

力が働いているただ一つの物体の運動は特殊

力を及ぼし合う複数の物体が運動しているのが自然

= > 力は相互作用になる（作用反作用の法則）



（力学的）エネルギー保存則

= > 多数の物体の相互作用でも成立

運動量保存則

力学的エネルギー保存則

$$\frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2 + \frac{1}{2}m_3v_3^2 + U_{12} + U_{13} + U_{23} = \text{一定}$$

$U_{12}$  : 物体1の物体2に対する位置エネルギー

運動量保存則

$$m_1v_1 + m_2v_2 + m_3v_3 = \text{一定}$$

$m_1v_1$  : 物体1の運動量 = (質量) × (速度)

・運動量保存則が成り立つわけ

二つの物体の衝突現象を考える

相互作用している

時間：  $t$

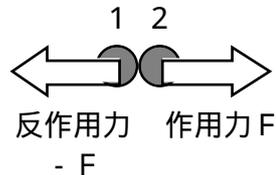
衝突前



二つの物体の

運動方程式：

衝突（相互作用）中



$$m_1 a_1 = -F$$

$$m_2 a_2 = F$$

衝突後



運動方程式の両辺に時間  $t$  をかける： $m_1 a_1 t = -F t$

= > 運動量の変化がわかる

加速度 × 時間 = 速度変化： $a_1 t = v_1' - v_1$

二つの物体の運動量の変化

$$m_1 (v_1' - v_1) = -F t, m_2 (v_2' - v_2) = F t$$

$$m_1 (v_1' - v_1) = -m_2 (v_2' - v_2)$$

これより

$$m_1 v_1' + m_2 v_2' = m_1 v_1 + m_2 v_2 (= \text{一定})$$

\* ) 作用反作用の法則：二つの物体間の力は同じ大きさで互いに反対向き

= > 二つの物体の運動量の変化は同じ大きさで互いに反対向き

= > 運動量保存

・運動量保存則の使い道

運動量保存則には、力に関する情報が含まれていない

= > 相互作用の性質が不明な物体に対して、

ある程度の情報（質量）や衝突運動（速度）を予測できる

\* ) 特にエネルギー保存の法則と共に使うと、様々な衝突問題を完全に理解できる